

# 微積分II演習 No.4問題

2015-10-23

1. 次の関数  $f$  の点  $p$  における二次近似式を計算せよ。

- (a)  $f(x, y) = \frac{xy}{x^2+y^2}$ ,  $p = (2, 1)$ .
- (b)  $f(x, y) = x^5y^3 + \log(xy)$ ,  $p = (-1, -1)$ .
- (c)  $f(x, y, z) = xy + xz + yz$ ,  $p = (1, 2, 3)$ .

2. 次の関数  $f$  の点  $p$  におけるテーラー展開を計算せよ。

- (a)  $f(x, y) = x^2y + y^3 + x^2 + xy$ ,  $p = (1, 2)$ .
- (b)  $f(x, y) = \sin(xy)$ ,  $p = (0, \pi/2)$ .
- (c)  $f(x, y) = \frac{y^3}{1-x^2y}$ ,  $p = (0, 0)$ .
- (d)  $f(x, y) = \frac{1}{1-y^2-x^2+x^2y^2}$ ,  $p = (0, 0)$ .